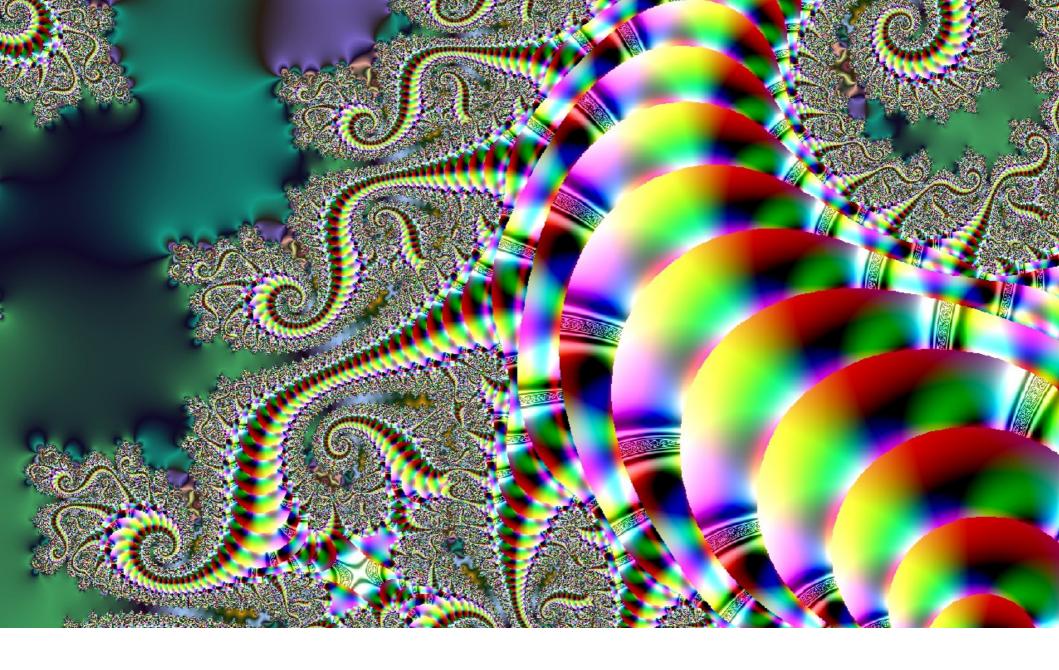


Муниципальное автономное образовательное учреждение "Физикотехнический лицей №1"

# Индивидуальный проект «Фракталы, их исследование, и почему самоподобие - это хорошо.»

Выполнил Ученик 10-2 класса Филиппов Андрей Руководитель Удалова Т.Л.

> г. Саратов 2017-2018 год



Классический пример фрактала (этот фрактал создан в программе XaoS)

#### Ввод

Фракта́л (лат. Fractus — дроблёный, сломанный, разбитый) — множество, обладающее свойством самоподобия (объект, в точности или приближённо совпадающий с частью себя самого, то есть целое имеет ту же форму, что и одна или более частей).

#### Цели

- Изучить фракталы
- Научиться их строить
- Закрепить знания на практике

### Задачи

- Узнать историю фракталов
- Изучение дополнительной математической теории (комплексные числа, производные и др.)
- Изучить основную теорию фракталов
- Создание прикладного приложения

#### Актуальность темы

Фрактал — это математический объект, который может выступать инструментом при решении различных задач. Кроме того, активным изучением этой темы занялись всего лишь несколько десятков лет назад, невозможно предугадать насколько полезны будут эти исследования, но область явно интересная.

# Теория

### Типы фракталов

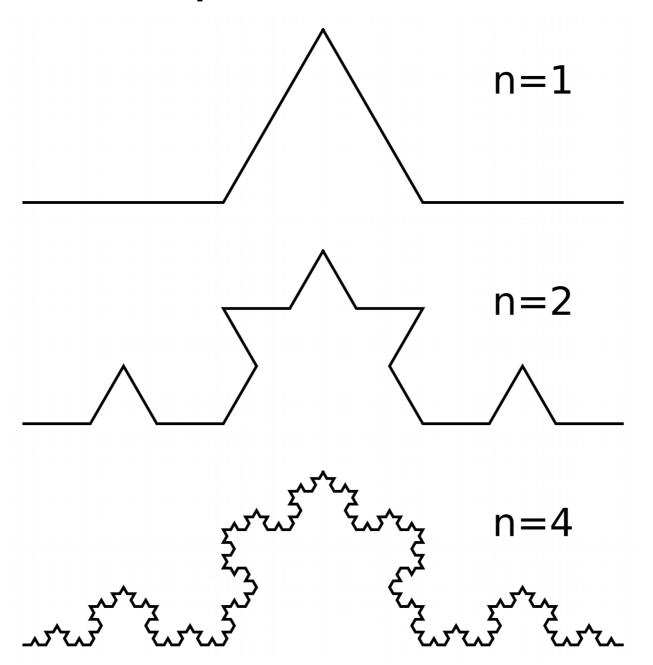
Фракталы делятся на группы. Самые большие группы это:

- Геометрические фракталы
- Алгебраические фракталы
- Стохастические фракталы
- Системы итерируемых функций

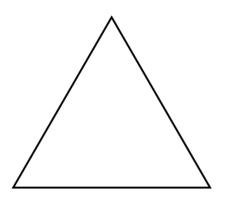
# Применение фракталов

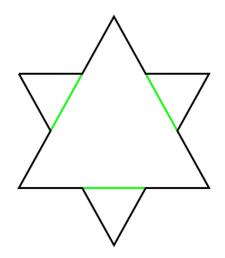
# Построение фракталов

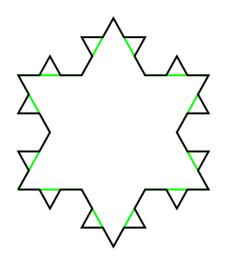
# Кривая Коха

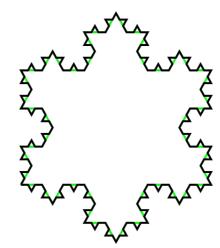


#### Снежинка Коха

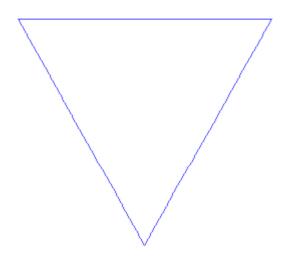




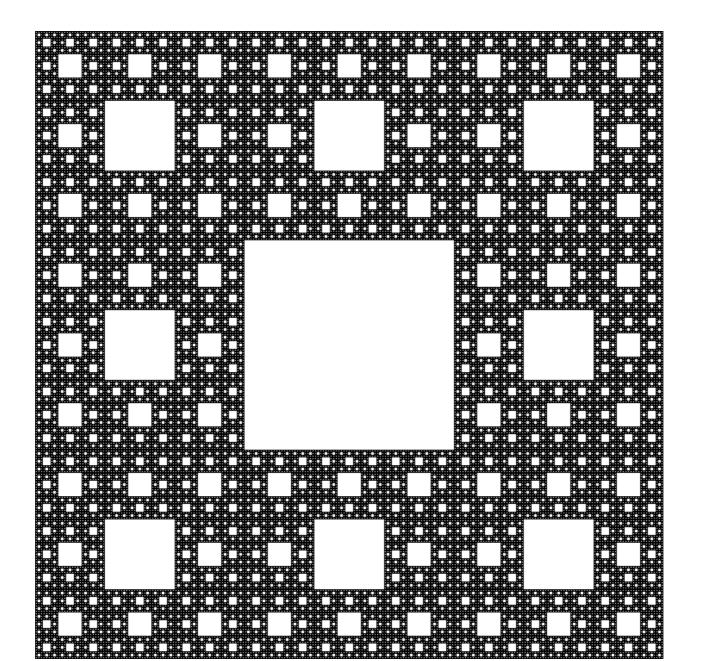




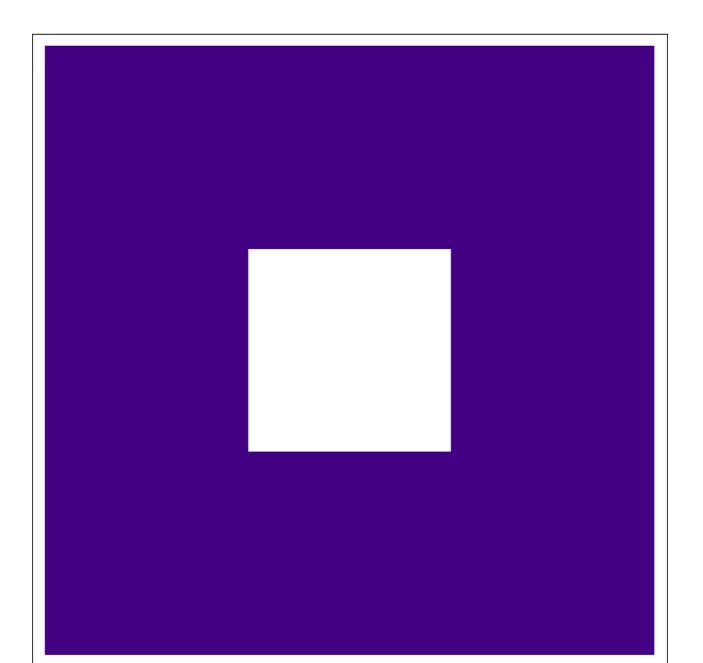
#### Снежинка Коха



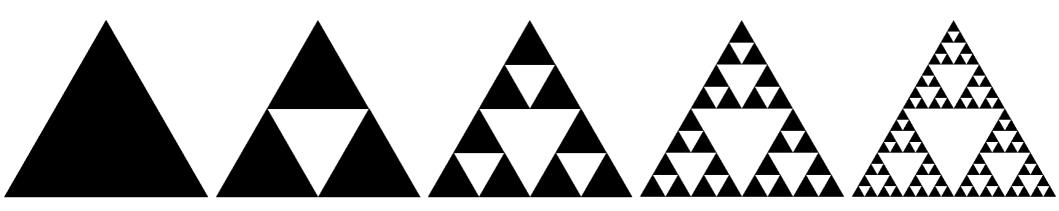
# Ковёр Серпинского



# Ковёр Серпинского



# Треугольник Серпинского



# Звуковые фракталы

## Aural (https://www.auralfractals.net/)



### Звуковые фракталы

Аудио файлы взяты отсюда: https://soundcloud.com/fractal\_hermit .

Послушать следующие файлы можно на сайте проекта в разделе "Gallery".

### Fractal\_Hermit - Aural2048



# Fractal\_Hermit - Fast Pianos



### Fractal\_Hermit - Lyapunov Music



### Генераторы фракталов

Генератор фракталов — это компьютерная программа, генерирующая изображения фракталов. Существует множество подобных программ, бесплатных и коммерческих, открытых и проприетарных.

#### Существующее ПО

#### Список генераторов фракталов (Wikipedia):

- Apophysis
- Chaoscope
- ChaosPro
- Electric Sheep
- Fractal Explorer
- Fractint
- Fractracer
- IFS Builder 3d
- Mandelbulb3D
- Mandelbulber
- Sterling
- SpangFract
- Ultra Fractal
- XaoS
- XenoDream
- FLAM3

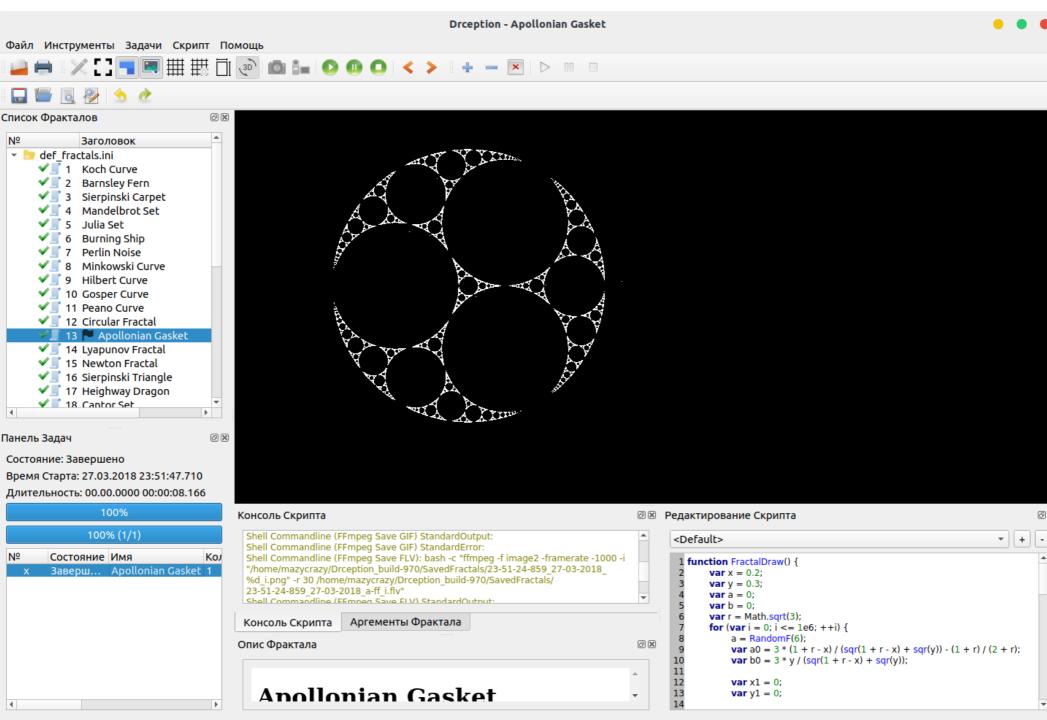
# Список генераторов фракталов от авторов программы Chaos Pro

| Program                             | Version            | Program Actuality | Homepage Actuality |
|-------------------------------------|--------------------|-------------------|--------------------|
| Apophysis                           | 2.09/10 Sep 2009   | 10 Sep 2009       | -                  |
| Chaoscope                           | V0.3.1/20 May 2006 | 5 Apr 2009        | -                  |
| Double Fractal                      | V2.9/31 Oct 2006   | 21 May 2007       | -                  |
| Fast Floating Fractal<br>Fun (FFFF) | 3.2.3/18 Mar 2006  | 23 May 2007       | -                  |
| Fractal Explorer                    | V2.02/12 Jan 2005  | 26 Mar 2006       | -                  |
| Fractal Forge                       | V2.8.2/25 Aug 2002 | 26 Mar 2006       | -                  |
| FractInt                            | V20.0/9 Sep 1999   | 26 Mar 2006       | -                  |
| IFS Lab                             | 1.1/22 Apr 2006    | 8 Oct 2006        | -                  |
| L-System                            | V4.01/25 Jan 2004  | 26 Mar 2006       | -                  |
| Quat                                | V1.20/28 May 2002  | 26 Mar 2006       | -                  |
| Ultra Fractal                       | V5.03/5 Aug 2009   | 31 Aug 2009       | -                  |
| Visions Of Chaos                    | 43.9/9 Sep 2009    | 9 Sep 2009        | -                  |
| Xaos                                | 3.5/17 Jul 2009    | 17 Jul 2009       | -                  |
| XFrog                               | 3.5/8 Aug 2005     | 26 Mar 2008       | -                  |

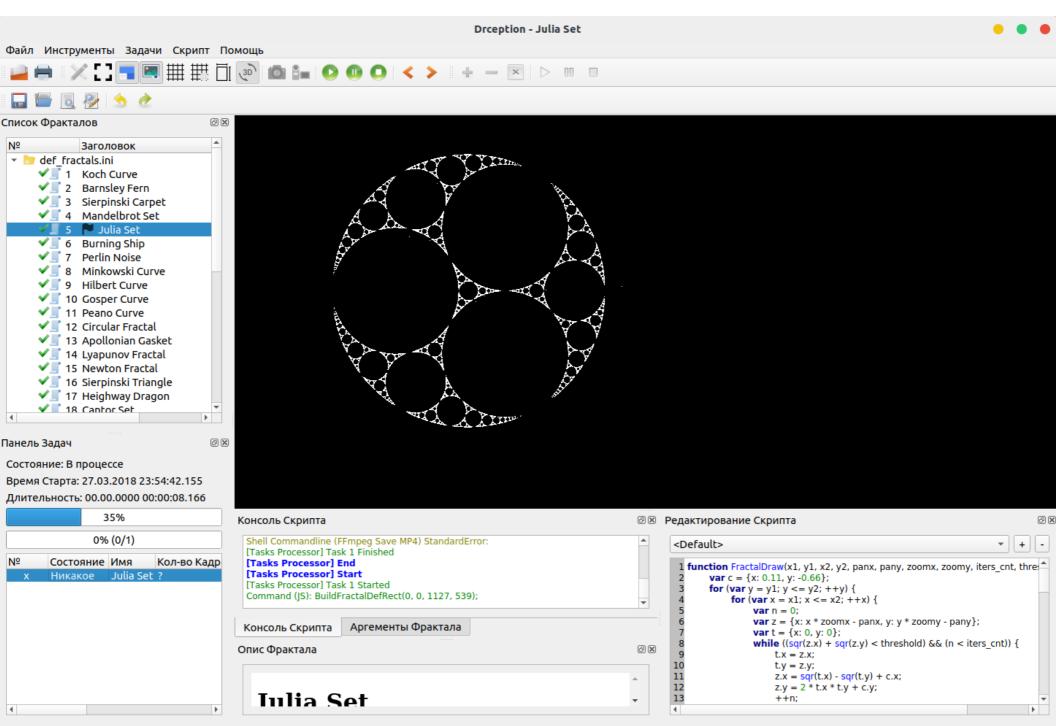
# Drception

# Демонстрационные материалы по Drception

См. на сайте проекта в разделе "Demo": https://drception.sourceforge.io/.

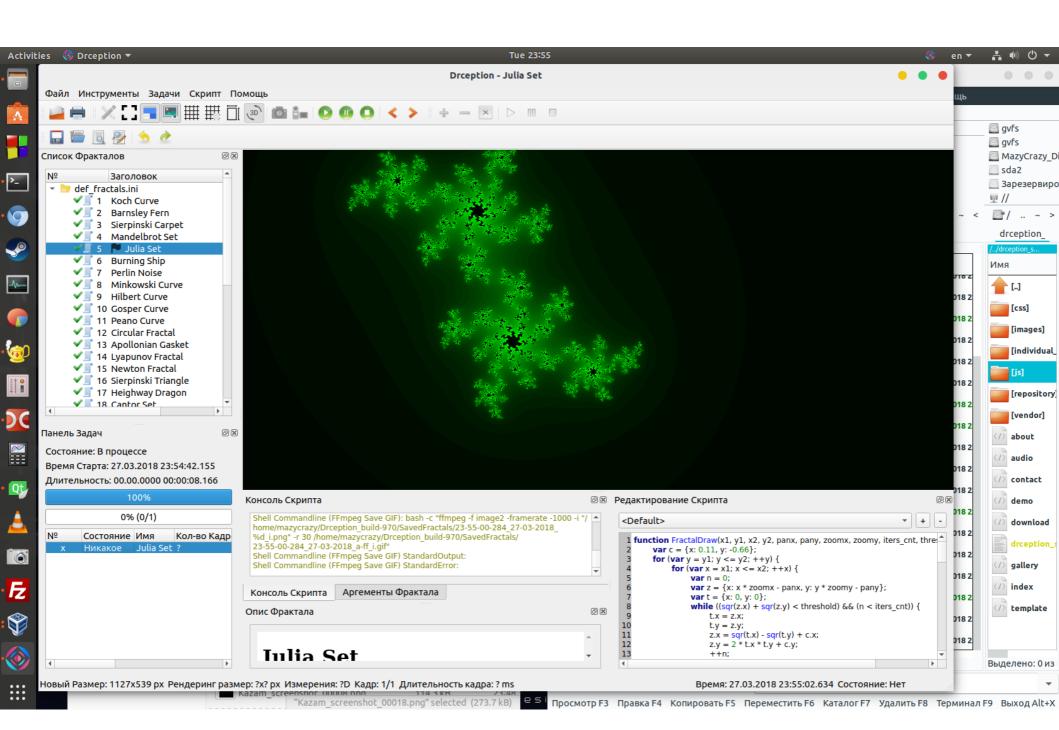


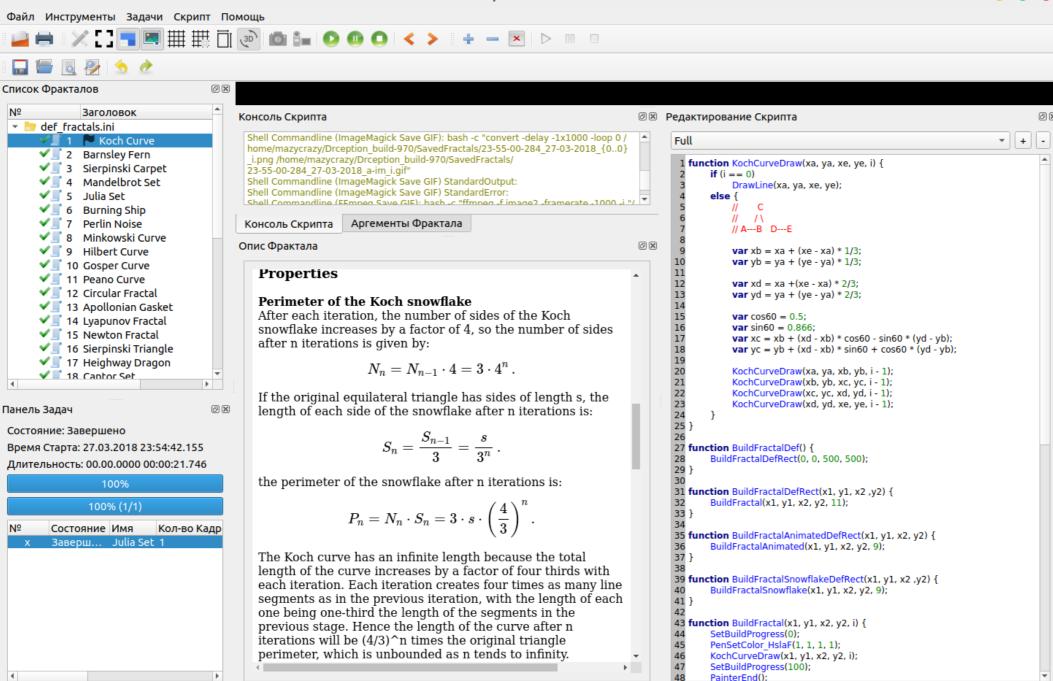
Время: 27.03.2018 23:54:09.634 Состояние: Нет



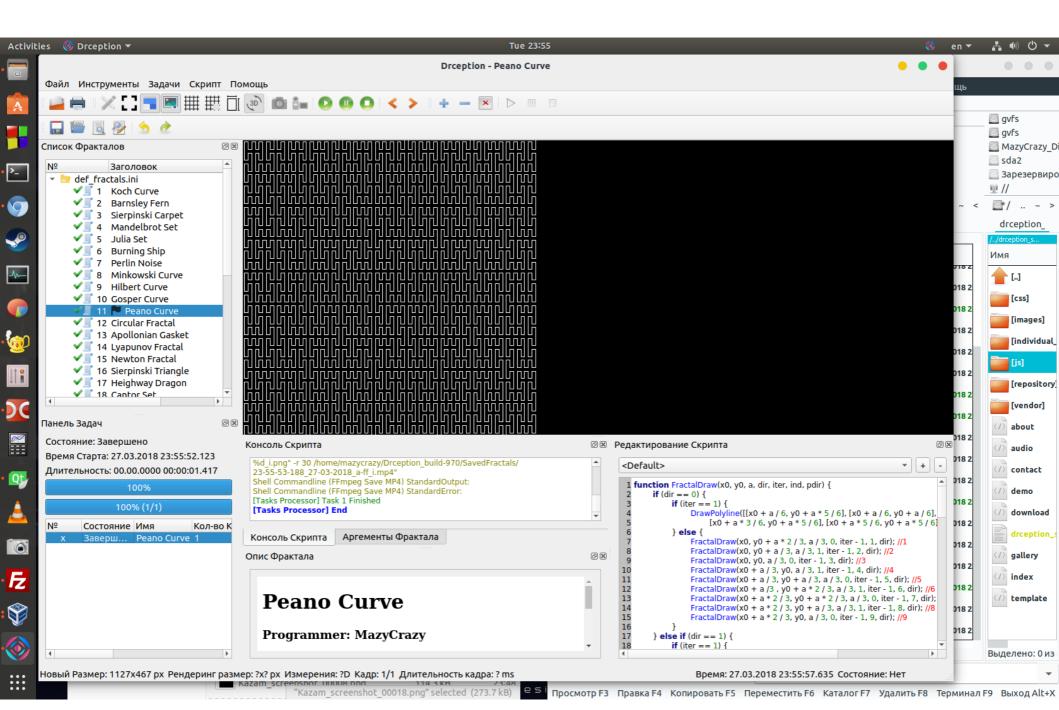
Новый Размер: 1127х539 рх Рендеринг размер: ?x? рх Измерения: ?D Кадр: 1/1 Длительность кадра: ? ms

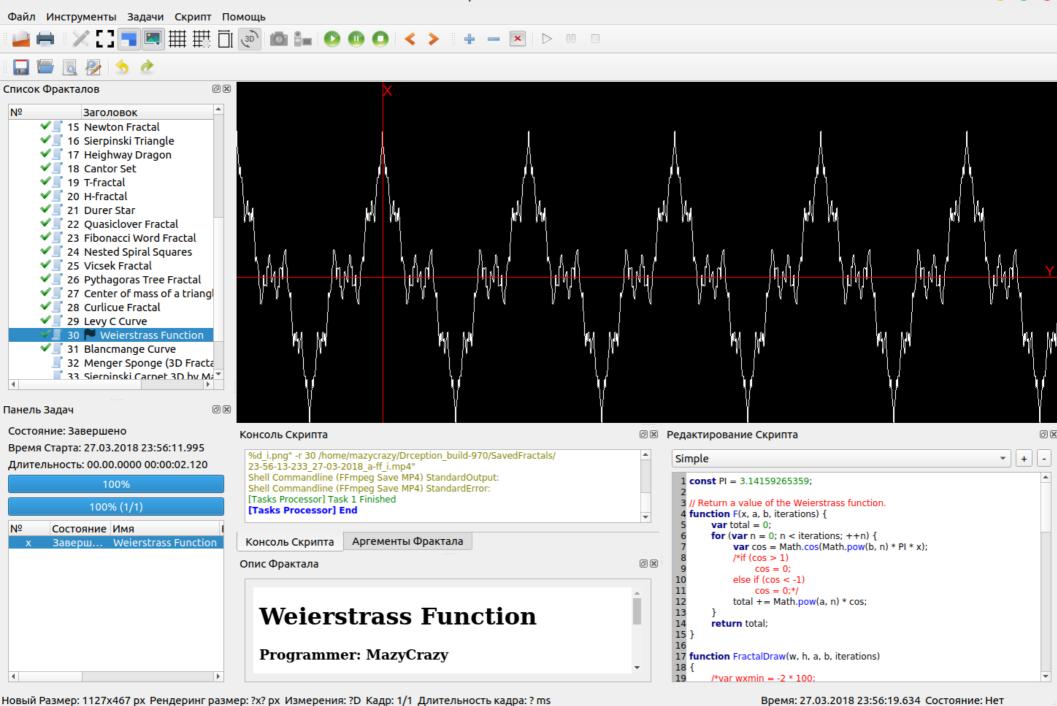
Время: 27.03.2018 23:54:48.634 Состояние: Нет

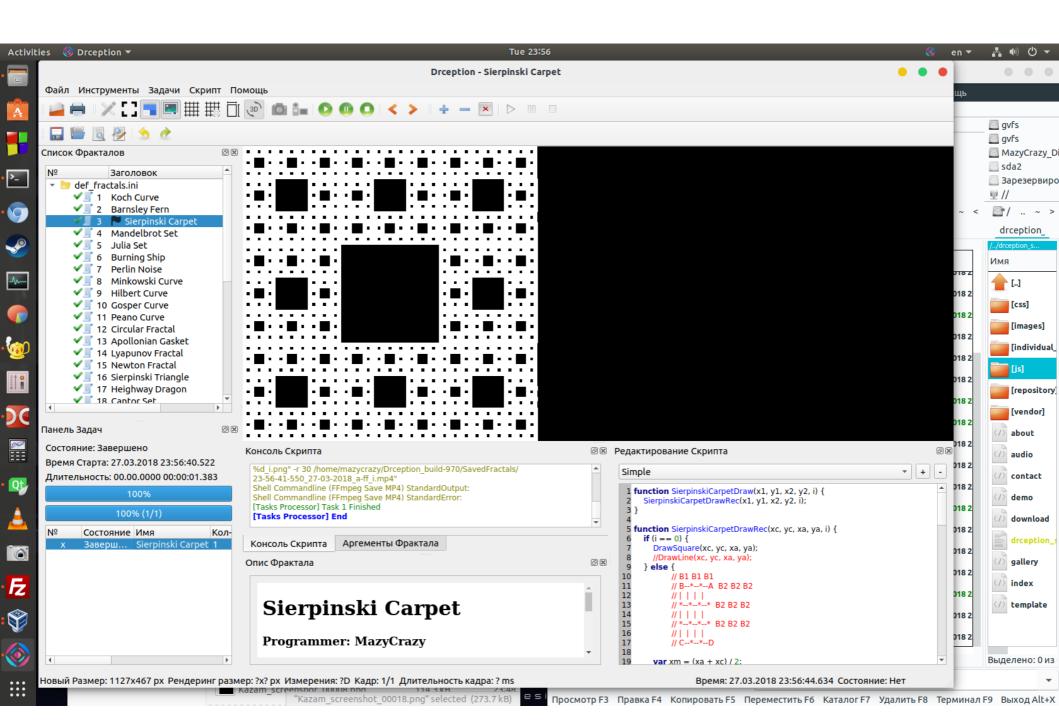




Время: 27.03.2018 23:55:37.634 Состояние: Нет



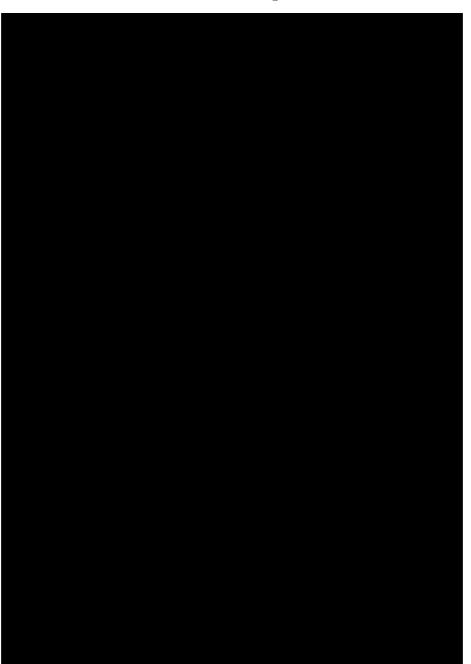




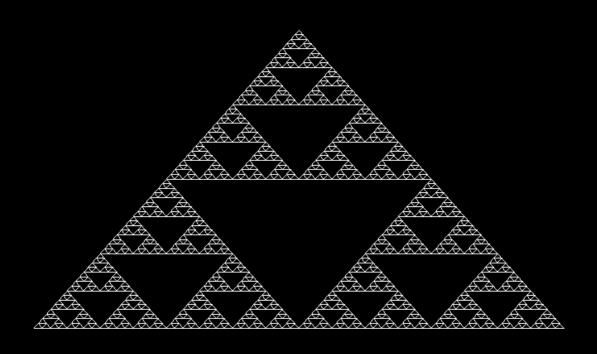
## Изображения построенные в Drception

См. на сайте проекта в разделе "Gallery" : https://drception.sourceforge.io/.

#### Кривая Коха (анимация)

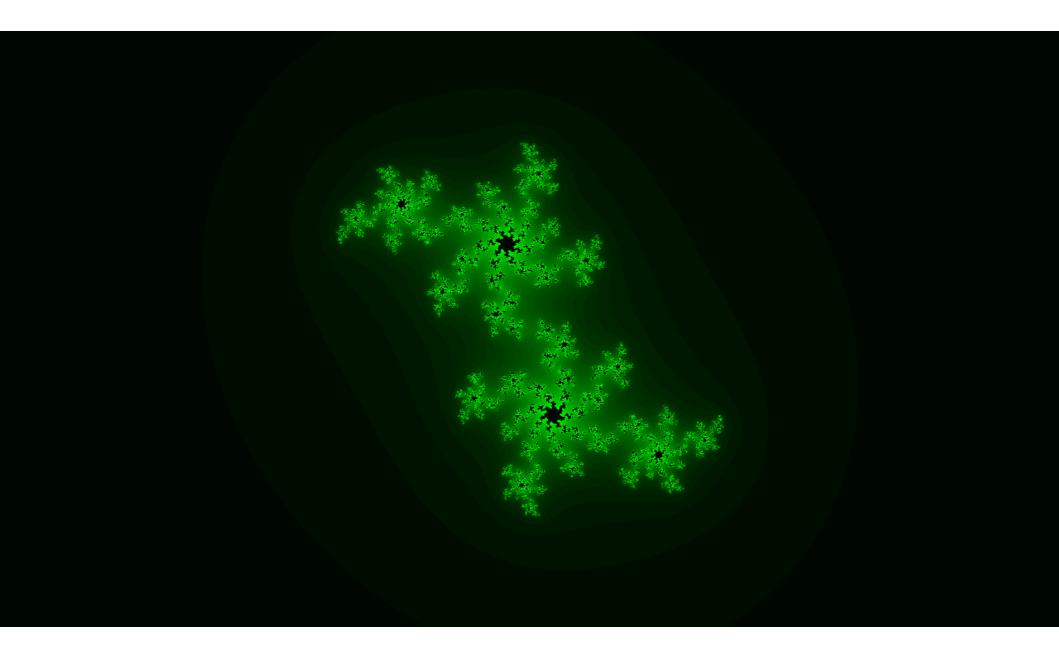


## Треугольник Серпинского

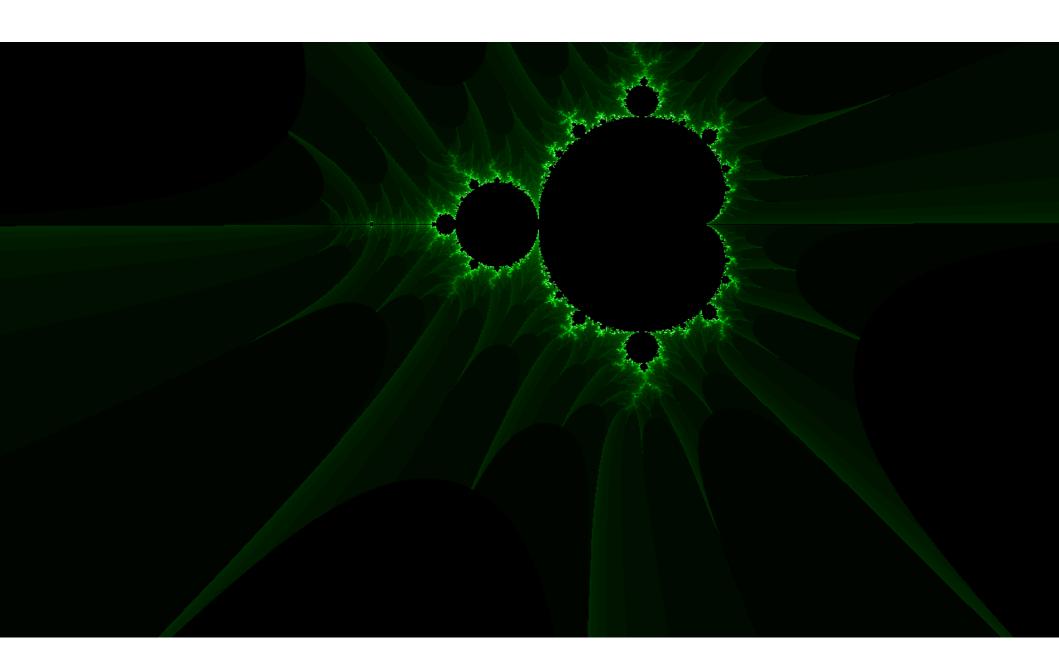


# Треугольник Серпинского (анимация)

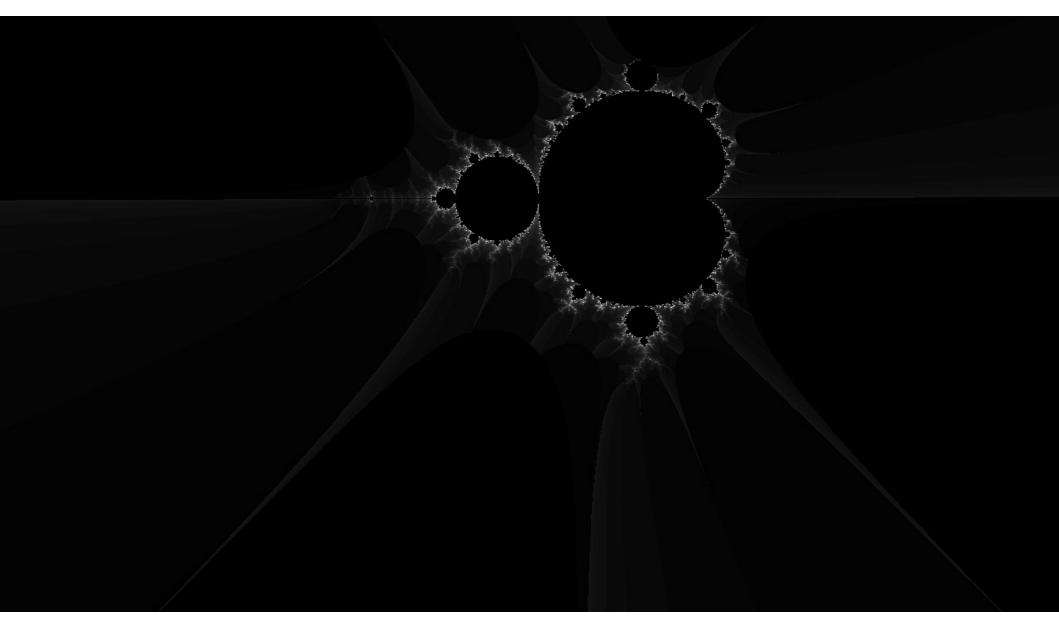
#### Множество Жюлиа



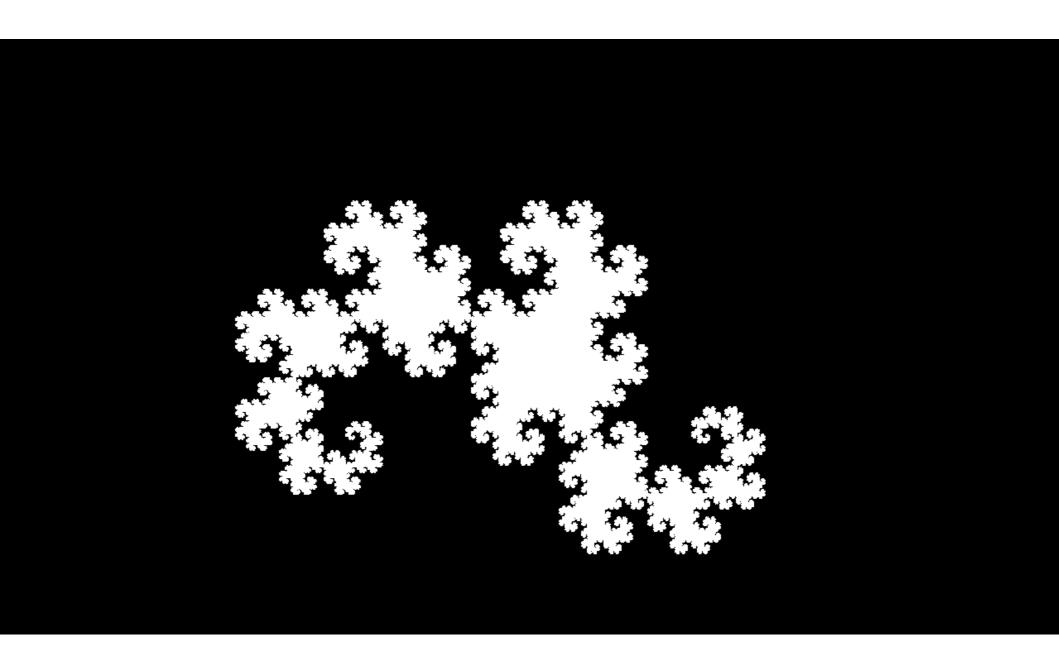
#### Множество Мандельброта



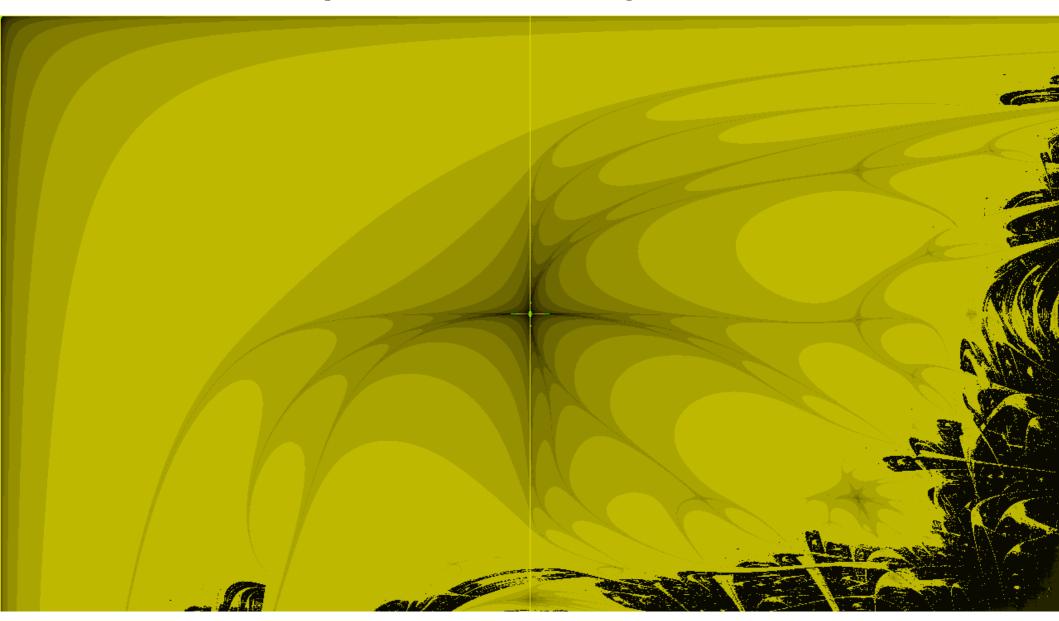
## Множество Мандельброта (анимация)



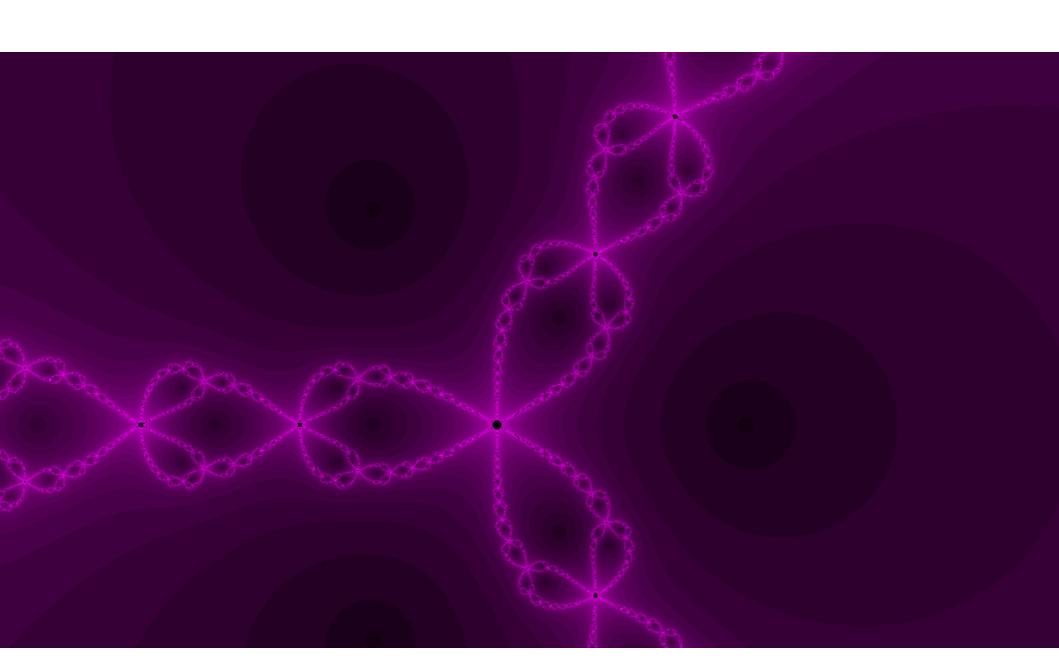
## Кривая дракона



## Фрактал Ляпунова

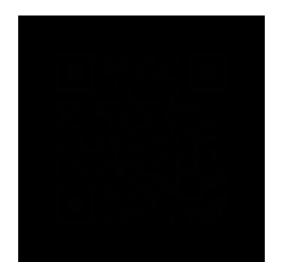


#### Бассейны Ньютона



#### Ссылки проекта

- SourceForge.net:
  https://sourceforge.net/projects/drception/
- Website (SourceForge.net):
  https://drception.sourceforge.io/



## Вопросы

#### Спасибо за внимание